

三平方の定理の証明（低レベル編）

1 はじめに

この定理を証明する方法として、よく直角三角形を正方形に並べ、面積の相等から求めるものがあるが、その計算過程において、 $(a+b)^2$ のような式の展開があるので、この方法は厳密に言えば中3レベルであるといえる。

この証明方法は三平方の定理を、できるだけ難しい定理や公式を用いず、計算も簡単になるようにしたものである。

2 証明

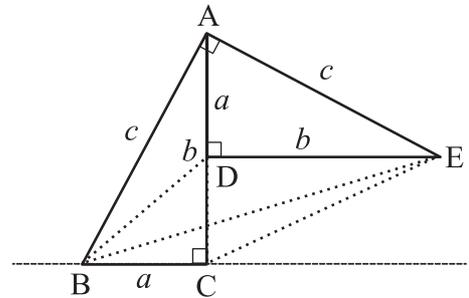
図において、 $\triangle ABE$ の面積について考える。

$$S_{\triangle ABE} = \frac{1}{2}c^2$$

また、

$$\begin{aligned} S_{\triangle ABE} &= S_{\triangle ABD} + S_{\triangle DBE} \\ &= S_{\triangle ABD} + S_{\triangle ACE} \\ &= \frac{1}{2}a^2 + \frac{1}{2}b^2 \end{aligned}$$

よって、 $a^2 + b^2 = c^2$ となり、三平方の定理が証明された。



この証明方法は、文字式の扱いを無視すれば、

- 三角形の内角の和が 180° ($\triangle ABD$ が 90° であることを示すため)
- 等積変形

の知識があればよいので、かなり低レベルに証明できる。(おそらく中1レベルくらい。うまく説明すれば小学生でも分かると思われる)